

# מחקרים שורש

## aicot ha-heschleha u-scher utidi ha-shfuta aicot ha-bgevot b-matematika b-peripriva u-bmerca

דן בן-דוד ואיל קמחי\*

### תקציר

פער השכר החודשי בין שכירים שלמדו בבתי ספר תיכוניים במרכזי הארץ לבין אלה שלמדו בפריפריה עומד על כרוב 11% במשמעותו, בקרוב לידי 1985-1978 שעבדו שכירים בשנים 2012-2016. מחקר זה בוחן את הקשר בין פער השכר לבין פערים בהיקף ההשכלה ובaicותה, תוך פיקוח על שורה ארוכה של מאפיינים נוספים המשפיעים על השכר. נמצא שהיקף בחינת הבגרות במתמטיקה משפיע על יכולת השתכורתו הרבה יותר מאשר מקצועות אחרים. תלמידי המרכז נחנו מיתרונו על תלמידי הפריפריה, הן בהיקף בחינת הבגרות במתמטיקה, הן בציון הבחינה, והן בתשואה על מאפיינים אלה בשוק העבודה. ככל שפונים ללימודים אקדמיים, וככל שלימודים אלה ברמה גבוהה יותר, פערי השכר שנוצרו בבית הספר התיכון בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה מצטמצמים במידה ניכרת. המסקנה היא שיש מקום לשדרוג במידה ניכרת את בית הספר בפריפריה – עם דגש מיוחד עלaicות לימודי המתמטיקה – על מנת להעניק לתלמידיהם הזדמנויות טוביה יותר בשוק העבודה ואפשרות לצמצם את הפער בין תלמידי המרכז.

אוגוסט 2020

\* פרופ' דן בן-דוד הוא נשיא מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי וחבר החוג למדיניות ציבורית, אוניברסיטת תל-אביב. פרופ' איל קמחי הוא סגן נשיא מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי ומנהל המחלקה לכלכלה סביבה וניהול, האוניברסיטה העברית. המחברים מודים לעובדי הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה על הסיווע בהכנות קובץ הנתונים והשימוש בו, ולילען טבצ'ניק, אסף כהן, ערן מור ומיכאל קרייטסל על הסיווע בעיבוד הנתונים ובנתוחם. המחקר נערך בחדר המחבר של הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה בהתבסס על נתונים שהוכנו על ידי גף עבודה ורווחה.

# aicot ha-heskelah u-sher utidi ha-sfeata aicot hagrot matematika be-peripheria u-bemercz

דן בן-דוד ואיל קמחי

## 1. הקדמה

לא ניתן להפריז בחשיבות ההשכלה בהונן אנושי להצלחה כלכלית, הון ברמת הפרט והון ברמת המדינה. בן-דוד וקמחי (יפורסם) הדגימו את חשיבות ההשכלה לתעסוקה ולשכר בישראל, והראו שאין די במידד כמותי של ההשכלה, כגון מספר שנים לימוד או תואר אקדמי, כדי לנבא הצלחה בשוק העבודה, אלא שהצלחה בשוק העבודה נקבעת במידה רבה על ידי איכות ההשכלה. ההבדלים בין כמות ההשכלה ו איכותה קיצוניים במיוחד בישראל. ישראל נמצאת בין המדינות המובילות ב-*OECD* מבחינת שנות לימוד מומצאות ושיעור בעלי התארים האקדמיים בקרב האוכלוסייה בגיל העבודה העיקריים, ובין האחרונות ב מבחני ידע וכיישורים של PISA ו-PIAAC. Hanushek and Woessmann (2015) מראים את החשיבות של איכות החינוך לעומת כמותו לצמיחה הכלכלית של מדינות.

אחד הגורמים החשובים ביותר בהסביר ההישגים הלימודיים של ילדים הוא השכלה הוריהם – ובמיוחד השכלה האם (גרובר, 2017). ככל שהשכלה ההורים נמוכה יותר, כך גם נוטה להיות הכנסתם, מה ש מגביל את אפשרותיהם בבחירות אוצר המגורים ורמת בתיהם שבאים למדדו עצמם. Chetty, Friedman, Hilger, Saez, Schanzenbach and Yagan (2011) מראים עד כמה משפיעה הרמה הלימודית של שאר תלמידי הаницה על הכנסתם העתידית של הילדים. בתיאו ספר רבים בפריפריה נוטים לשרת תלמידים שהוריהם בעלי רמות השכלה נמוכות יותר, מה ש עלול להגביל את האפשרויות של אותם תלמידים ללמידה תחומיי ליבה ברמה גבוהה. בתיאו ספר בפריפריה עשויים גם להתקשות במשicket מורים טובים יותר החיים ללימודים ברמה גבוהה בתחום היסוד, תחומיים היכולים לפתח דלתות תעסוקתיות בהמשך החיים. ייתכן גם שתלמידי הפריפריה רואים לנגד עיניהם אופק תעסוקה מצומצם יותר, מה ש עלול להקטין את הרצון שלהם לאתגר את עצםם בלימודים מורחבים בתחום מסוים – וביניהם מתמטיקה.

בן-דוד וקמחי (יפורסם) מצאו כי ללימודים מתמטיקה בבית הספר התיכון ההשפעה הגדולה ביותר על השכר העתידי בשוק העבודה מבין כל מקצועות הבגרות בישראל. Goodman (2019) מצא כי הרחבה של חובה לימודי המתמטיקה בתיכון בקורס אחד נוספת מגדילה את השכר העתידי ב-10%, בעיקר בקרב תלמידים חלשים.

קמחי והורוביץ (2015) בחנו את התרומה של בגרות מורחבת במתמטיקה להישגים בשוק העבודה, תוך פיקוח על משתני רקע רבים, ומצאו שבגרות בהיקף של 5 יחידות במתמטיקה מובילה לשכר גבוה יותר. כמו כן הם מצאו שהתרומה לשכר מרכיבת מתרומה ישירה וכן מתרומה עקיפה הנובעת מכשogrות מורחבת במתמטיקה פותחת אפשרויות ללימודים אקדמיים בתחוםים יokersתיים, שבturnos מובילים לתעסוקה במשלחי יד המתאפיינים בשכר גבוה יחסית.

בישראל, חסמים ללימודים מתמטיקה קיימים הן ברמת הפרט והן ברמת בית הספר. לדוגמה, על פי הורוביץ (2015), כשליש מבתי הספר התיכוניים שמגיעים לבגרות לא הצליחו לימודים מתמטיקה ברמה של 5 יחידות. אחת הסיבות לכך היא דרישת משרד החינוך למינימום של 15 תלמידים בכיתה. מכאן שתלמידים בבתי ספר קטנים הושפכו יותר מחסמים אלה. בעשור שעברים ב-2012, חלה ירידת המשמעותית במספר הנבחנים בבגרות במתמטיקה בהיקף של 5 יחידות. ירידת זו הביאה את משרד החינוך (2015), בשיתוף גורמים בגורם השלישי ובגורם העסקי, להשים תוכנית לאומית לחיזוק לימודים המתמטיים, שהתמקדה בהסרת חסמים ללימודים מתמטיקה ברמה של 5 יחידות. ואכן, מספר הנבחנים בבגרות במתמטיקה ברמה של 5 יחידות הוכפל ויוטר בין 2012 ל-2018 (ynet, 2018).

סוגיות איקות לימודים מתמטיקה והשפעתם חשובה לא רק מהabitut הארצי הכללי אלא גם מהזווית של פערים כלכליים-חברתיים. בהקשר זה בולט הממד הגאוגרפי, דהיינו הפערים בין המרכז לפריפריה (למייס, 2019).

מטרת מחקר זה היא לבחון האם לימודים מתמטיקה ברמה מורחבת בבית הספר התיכון תורמים לתלמידי הפריפריה באותה מידת שהם תורמים לתלמידי המרכז, במונחים של הצלחה בשוק העבודה. ספציפית, עבודה זו אומדת את הפערים בשכר העתידי של תלמידים שנבחנו בבגרות במתמטיקה בהיקפים שונים, תוך פיקוח על מגוון רחב של משתני רקע, ובודקת אם קיים שינוי בפערים אלה בין תלמידי הפריפריה לתלמידי המרכז.

פרק 2 מתואר מסד הנתונים שבו נעשה שימוש. פרק 3 מציג סטטיסטיקה תיאורית של התפלגות המשתנים העיקריים והקשר ביניהם לבין השכר העבודה. פרק 4 מציג את תוצאות האמידה של מודל

סטטיטיסטי המאפשר לזהות את ההשפעה החלקית של כל משתנה על השכר, תוך פיקוח על שאר המשתנים, ומציג מספר סימולציות שתפקידן לתת מידע לגבי תוצאות. פרק 5 מסכם.

## 2. נתוניים

המחקר מבוסס על קובץ אונומי הכיל נזונים מנהליים של כלל אזרחי ישראלileyides הנקודות, 1978-1985, כמיליון פרטים. נזונים אלה רוכזו ע"י הלמ"ס מקורות שונים, כולל משרד החינוך, המרכז הארצי לבחינות ולהערכתה, משרד האוכלוסין ורשות המיסים. הקובץ מכיל נזונים על תלמידי תיכון ופרט בבחינות הבגרות שלהם, תארים אקדמיים לפי סוג מוסד ותחום לימודים, נזונים על מקום מגוריים והרכבת המשפחה, נזונים דמוגרפיים וסוציאו-אקונומיים של ההורים, ונזוני שכר של הפרטים לשנים 2012-2016.

nezoni התלמידים של משרד החינוך מכילים נזוני רקע על משפחחת התלמיד, כולל ישתת הלידה של ההורים, המצב המשפחתי שלהם, הגיל שבו היו כשלוד התלמיד, ומספר האחים של התלמיד.<sup>1</sup> כמו כן מכילים הקבצים נזונים על היישוב שבו התגורר התלמיד, סוג הפיקוח על בית הספר (מלכתית, ממלכתית-דתית, עצמאית) ונתיב הלימודים של התלמיד (עיוני או מקצועני). בעזרת קבצי יישובים של הלמ"ס חולקו היישובים לשתי קבוצות, לפי אשכול הפריפריאליות שלהם. החלוקה לאשכולות נקבעת לפי ממד הפריפריאליות של כל רשות מקומית, המוחשב כממוצע פשוט של שני מרכיבים. האחד הוא ממד נגישות פוטנציאלית המוחשב בעזרת קרבת הרשות המקומית לכל אחת מהרשויות המקומיות בארץ וגודל האוכלוסייה שלהן, והשני הוא הקרבה לגבול מחוז תל אביב.<sup>2</sup> יישובים באשכולות 5-1 הוגדרו כפריפריה, וישובים באשכולות 10-6 הוגדרו כמרכז. 37% מן התלמידים למדו בפריפריה לפי הגדרה זאת.

nezoni בבחינות הבגרות כוללים את מספר יחידות הלימוד בכל אחד מ-34 מקצועות הבגרות וכן את הציון המקובץ בבחינה. חשוב לציין שאחד החסרונות העיקריים של שימוש בנתוני הבגרות הוא שבבחינות הבגרות אין מכgliות על פני זמן. במקרים אחרות, הבחינה ברמה של 5 יחידות במתמטיקה בשנה נתונה אינה בהכרח ניתנת להשוואה לאותה בחינה בשנה אחרת.

nezoni התארים האקדמיים חולקו לפי פוקולטה של תחומי לימודים עיקרי ולפי סוג מוסד אקדמי (אוניברסיטת בארץ, מכללות בארץ, ומוסדות אקדמיים בחו"ל). הנתונים ממושם האוכלוסין כוללים

<sup>1</sup> הן נזוני התלמידים והן נזוני בבחינות הבגרות אינם כוללים כ-7 מיליון השנתוניים האמורים שעלו לאחר סיום לימודיהם. פרטם אלה הושמו מהנתנות ככל שנעשה שימוש בנתוני התלמידים ובחינות הבגרות.

<sup>2</sup> ממד הנגישות הפוטנציאלית,  $A_i$ , של רשות מקומית,  $J$ , מחושב על ידי  $A_i = \sum_{j=1}^J P_j / d_{ij}^{1.19}$ , כאשר  $P_j$  היא האוכלוסייה של רשות מקומית  $J$ , שהוא מספר הרשויות המקומיות, ו- $d_{ij}$  הוא המרחק בק"מ בין המרכז של רשות מקומית  $J$  למרכז של רשות מקומית  $i$ , כאשר  $d_{ii} = 3$  (ציבול 2009).

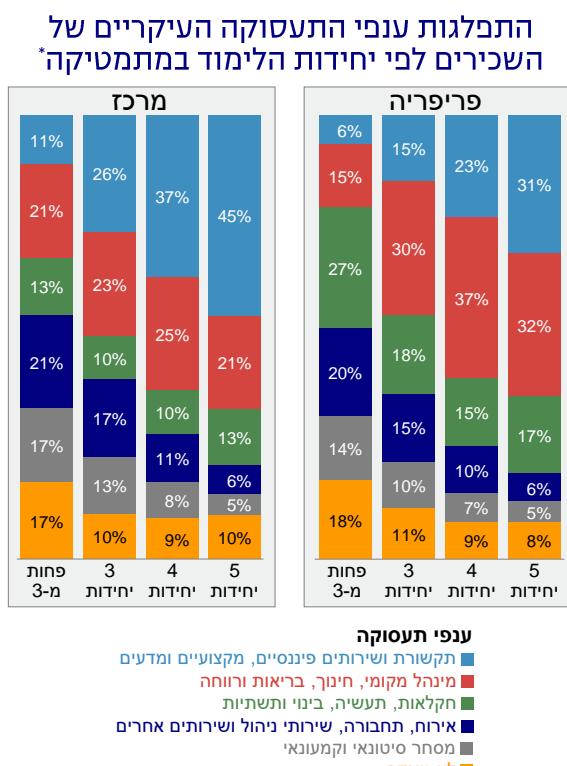
את מקום המגורים של הפרט בשנת 2015, את מצבו המשפחתי, מספר ילדיו, וגילו בעת שנולד לצדו הראשון.

נתוני ההכנסה כוללים את הכנסה השנתית של שכירים כפי שדווחה לרשות המסים, מספר חודשים העבודה בכל שנה, והענף שבו הפרט היה מעסיק במשך מספר החודשים הרבים ביותר. לאחר העברת נתוני השכר למחירים קבועים של 2016 לפי מדד המחיר לצרכן, חושב השכר החודשי הממוצע לשנים 2012-2016.<sup>3</sup> נתוני השכר קיימים לכשלושה רבעים מכלל האוכלוסייה הרלוונטית, וכ-80% מהם עבדו שכירים באופן רציף במשך כל התקופה.

בנוסף, קיימים נתונים על אחוזון השכר של כל אחד מהורי הפרט בתוך התפלגות השכר הכללית, בשנה שבה הפרט היה בגיל 17.

### 3. סטטיסטיקה תיאורית

תרשים 1



הפער בשכר העבודה בין תלמיד ממוצע במרכז לתלמיד ממוצע בפריפריה עומד על כ-11%. שכר העבודה תלוי מאוד בתחום העיסוק – וזה מושפע מאוד מה抉חות שמתקבלות בגיל צער ומהנסיבות שהביאו לקבלת אותן החלטות. תרשים 1 מראה כי הנטייה הגדולה יותר של תלמידי התיכון במרכז לעבוד בענפי התקשורות והפיננסים קיימת בכל היקף של לימוד מתמטיקה בתיכון. במקביל, גם הנטייה הגדולה יותר של תלמידי התיכון בפריפריה לעבוד בענפי התעשייה, הבינוי והתשתיות קיימת בכל היקף של לימודי מתמטיקה, אולם היא פחותה ככל שהיקף לימודי המתמטיקה גבוה יותר.

בנוסף, לתלמידי התיכון בפריפריה שנבחנו בברגרות במתמטיקה יש נטייה גדולה יותר לעבוד בענפי המנהל והשירותים הציבוריים. תרשים 1 גם מראה כי הסיכוי להיות מועסק בענפי התקשורות והפיננסים –

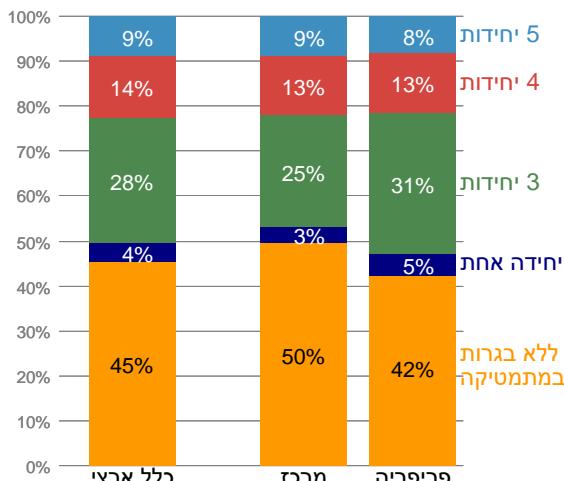
3. ההכנסה החודשית הממוצעת התקבלה מחלוקת של סך ההכנסות המצטברות משכר עבודה במשך חמישה שנים בסך חודשים אחדים.

השכרת הממצברים במשך חמישה שנים.

תרשים 2

**התפלגות ייחדות הלימוד במתמטיקה\***

ילידי 1978-1985 שנולדו בישראל או עלו עד גיל 17



\* האחוזים לא מסתכנים בהכרח ל-100% עקב עיגול למספרים שלמים. לכ-8% מכל התוצאות סיווג הפרמטריות אינן ידוע, מה שהוניבטא בתוצאות כלל לאומיות שונות במקצת מהאחד של נתוני המרכז ונתוני הפריפריה. במספר צעום של תלמידים (כשיעורית האחוז) דוחה על בחינה ברמה של 2 ייחדות. אלה לא כוללו בטבלה.

מקורה: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

שבחם השכר גובה יחסית – גדול משמעותית ככל שהיקף הבגרות במתמטיקה גדול יותר, הן לתלמידי המרכז והן לתלמידי הפריפריה.

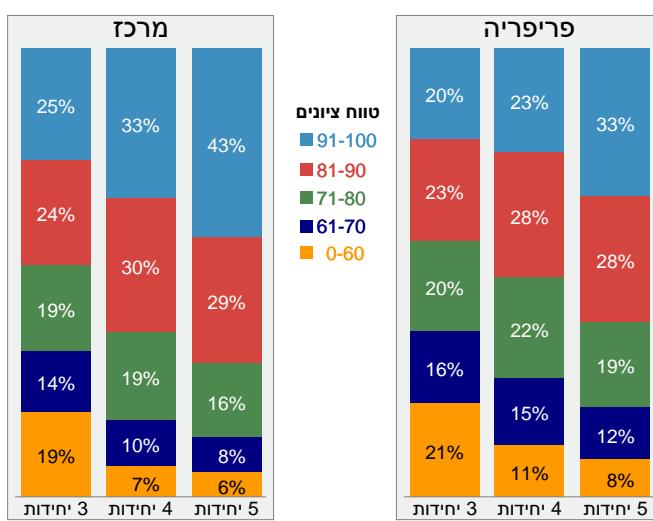
המבנה עמוק יותר של החוטם הקשר בין היקף לימודי המתמטיקה בתיכון לבין הישגים עתידיים בשוק העבודה – ובראש וראשו רמת השכר – מחייבת בחינה מעמיקה יותר של המסלול שעוברים התלמידים מבית הספר התיכון, דרך לימודי אקדמיים (במידה שבחרו במסלול זה), ועד לבחירת תחומי התעסוקה. בתרשים 2 ניתן לראות כי 45% מהתלמידי השנתונים האמורים לא נבחנו בבגרות במתמטיקה. כשליש (32%) נבחנו ברמה של 3 ייחדות ומטה. 14% מהתלמידים נבחנו ברמה של 4 ייחדות, ורק 9% נבחנו ברמה הגבוהה ביותר של 5 ייחדות. ההבדלים בין תלמידי המרכז ותלמידי הפריפריה אינם

משמעותיים כמשמעותם בשיעור הנבחנים בرمאות הנמוכות בפריפריה גדול משמעותית מאשר במרכז, ואילו שיעור התלמידים שלא נבחנו במתמטיקה גדול יותר במרכז.

תרשים 3

**התפלגות הציונים בבחינת הבגרות במתמטיקה**

לפי ייחדות הלימוד במתמטיקה\*



תרשים 3 מציג את התפלגות הציונים בבחינת

הבגרות במתמטיקה. ככל שמספר היחסות גבוהה יותר, הציון הממוצע בבחינה גבוה יותר, הן במרכז והן בפריפריה. ניתן לראות כי באופן כללי, הציונים של תלמידי המרכז גבוהים ממוצעו מלאה של תלמידי הפריפריה. הציונים הגבוהים יותר במרכז ניכרים בכל מספר של ייחדות לימוד. במיוחד יש להציג כי הציונים של תלמידי המרכז גבוהים יותר בקרב אלה שלמדו מתמטיקה ברמה מוגברת, למרות שישוור התלמידים שלמדו ברמה מוגברת דומה במרכז ובפריפריה, מה שעשוי להשיע על סינוון פחות דקડקי של תלמידים

\* האחוזים לא מסתכנים בהכרח ל-100% עקב עיגול למספרים שלמים. נתוני

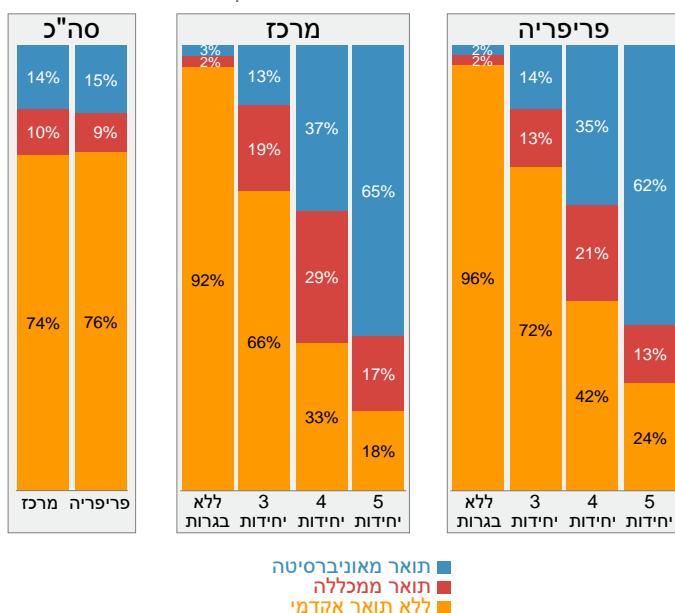
עbor ילידי 1978-1985 שנולדו בישראל או עלו עד גיל 17.

מקורה: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

תרשים 4

#### התפלגות התארים האקדמיים

לפי יחידות הלימוד במתמטיקה<sup>\*</sup>



בפריפריה או על רמת הוראה נמוכה יותר בבתי ספר אלה.

תרשים 4 מציג את שיעור בעלי התואר האקדמי בחולקה לאוניברסיטאות ולמכילות. לא נראה הבדל משמעותי בין שיעור בעלי התארים בקרב תלמידי המרכז ובקרב תלמידי הפריפריה, או בהתפלגות התארים בין אוניברסיטה לבין מכללה. אולם הקשר בין לימודי אקדמיים לבין גרוות מורחבת במתמטיקה בולט לעין. בעבר בין 3 יחידות ל-4 יחידות במתמטיקה, ושוב מ-4 יחידות ל-5 יחידות, גדל מאוד שיעור בעלי התארים. יתרה מזאת, בעבר מ-4 יחידות ל-5 יחידות במתמטיקה, גדל אף יותר שיעור התארים מאוניברסיטאות על חשבון התארים ממכילות. התופעה ניכרת חן בקרב תלמידי המרכז והן בקרב תלמידי הפריפריה.

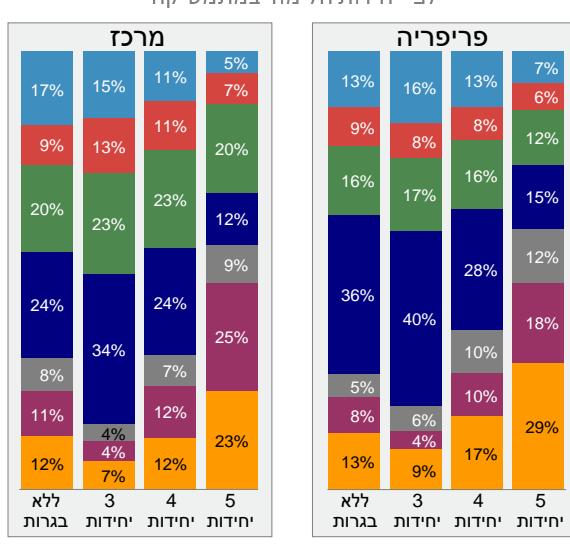
שיעור בעלי התארים בקרב תלמידי המרכז גבוה מאשר בקרב תלמידי הפריפריה בהינתן כל רמה של גרוות במתמטיקה. בקרב תלמידי המרכז שלמדו מתמטיקה בהיקף של 5 יחידות, שיעור גובה יותר של תארים התקבלו באוניברסיטאות מאשר בקרב תלמידי הפריפריה שלמדו 5 יחידות מתמטיקה.

תרשים 5 מראה כי תלמידי התיכון בפריפריה נוטים יותר ללמידה מדעי החברה. תופעה זו קיימת בכל רמה של לימודי מתמטיקה, אולם היא גדולה יותר בקרב מי שלא נבחנו בברגות במתמטיקה בהיקף מורחב. תלמידי התיכון במרכז נוטים יותר ללמידה מנהל עסקים, ותופעה זו קיימת אף היא בכל רמה של לימודי מתמטיקה. בקרב אלה שנבחנו בברגות במתמטיקה בהיקף מורחב, תלמידי המרכז נטו יותר ללימודים אקדמיים בתחום המתמטיקה,

תרשים 5

#### התפלגות תחום לימודי לימוד אקדמיים

לפי יחידות הלימוד במתמטיקה<sup>\*</sup>



תחומי לימוד

חינוך יידוט ומדעי הרוח

משמעותים

עסקים ומדעי ניהול

מדעי החברה

רפואה ומקצועות עזר רפואיים

מתמטיקה מחשבים ומדעים

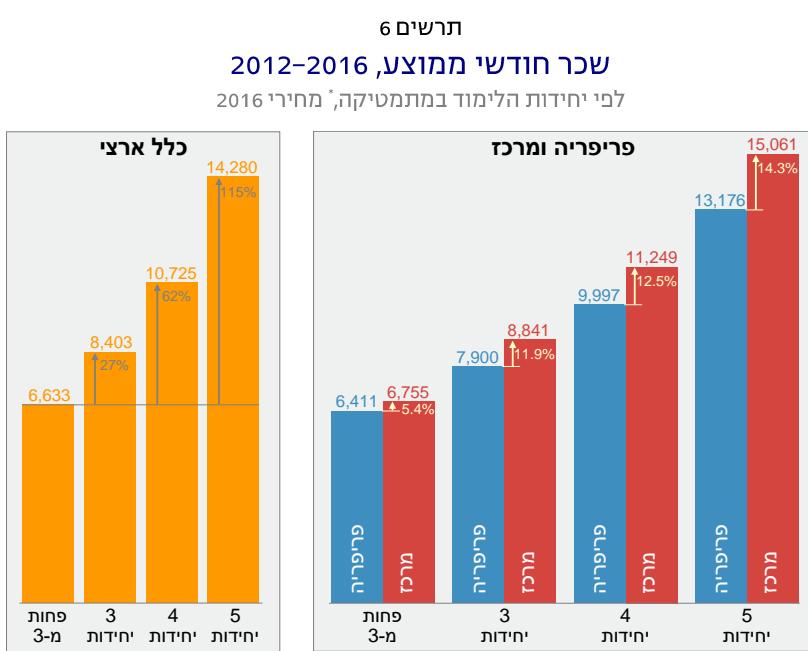
הנדסה ואדריכלות

\* תלמידים שלמדו פחות מ-3 יחידות נכללים בקטgorיה של "לא בגרות".

הנתונים עברו ידי 1978-1985 שנותם בישראל או עד גיל 17.

מקורה: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי

נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה



מקור: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נותונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

את הקשר בין השכר לבין מספר יחידות הבגרות במתמטיקה ניתן לראות בתרשימים 6. השכר של תלמידים שנבחנו בהיקף של שלוש יחידות היה גבוה ב-27% מאשר של אלה שנבחנו בהיקף נמוך מזה או שלא נבחנו כלל.<sup>4</sup> אלה שנבחנו בהיקף של ארבע יחידות הגיעו לשכר גבוה ב-62% מזה של אלה שנבחנו בהיקף נמוך שלוש יחידות או שלא נבחנו כלל, ואלה שנבחנו בהיקף של חמישה יחידות נחנו משכר גבוה ב-115% מזה של אלה שנבחנו בהיקף נמוך שלוש יחידות או שלא נבחנו כלל.

מעבר לפערו השכר בין בוגרי תיכון ברמות לימוד שונות במתמטיקה, קיימים גם פערים בין תלמידי המרכז ותלמידי הפריפריה. בקרב תלמידים שלמדו פחות משלוש יחידות מתמטיקה, תלמידי המרכז השתכרו 5.4% יותר מהתלמידים הפריפריה. פער זה הلك וגדל ככל שהتلמידים נבחנו בהיקף גבוה יותר במתמטיקה. בקרב מי שנבחנו בהיקף של חמישה יחידות, תלמידי המרכז השתכרו 14.3% יותר מהתלמידים הפריפריה.

המחשבים ומדעי הטבע, בעוד שתלמידי הפריפריה נתו יותר ללימודים אקדמיים בהנדסה ואדריכלות.

הן בקרב תלמידי המרכז והן בקרב תלמידי הפריפריה, המעבר משלוש יחידות לארבע יחידות במתמטיקה מכפילトーור אקדמי במתמטיקה מחשבים ומדעי הטבע. כך גם בהנדסה ואדריכלות. המעבר בין ארבע יחידות לחמש יחידות מכפיל את הסיכוי להיות בעל תואר אקדמי במתמטיקה מחשבים ומדעי הטבע או בהנדסה ואדריכלות בקרב תלמידי המרכז, אולם השפעתו קטנה יותר בקרב תלמידי הפריפריה.

<sup>4</sup> כ-3% מן התלמידים נבחנו בהיקף של יחידה אחת, ומספר זעום ביותר של תלמידים נבחנו בהיקף של שתי יחידות. סביר להניח שמדובר בתלמידים שלא המשיכו להיבחן אחרי השאלונים הראשונים ולא היו זכאים לתעודת בגרות.

תרשים 7

### שכר חודשי ממוצע, 2012-2016

לפי ציון הבגרות והיקר לימודי המתמטיקה\*, מחרי 2016



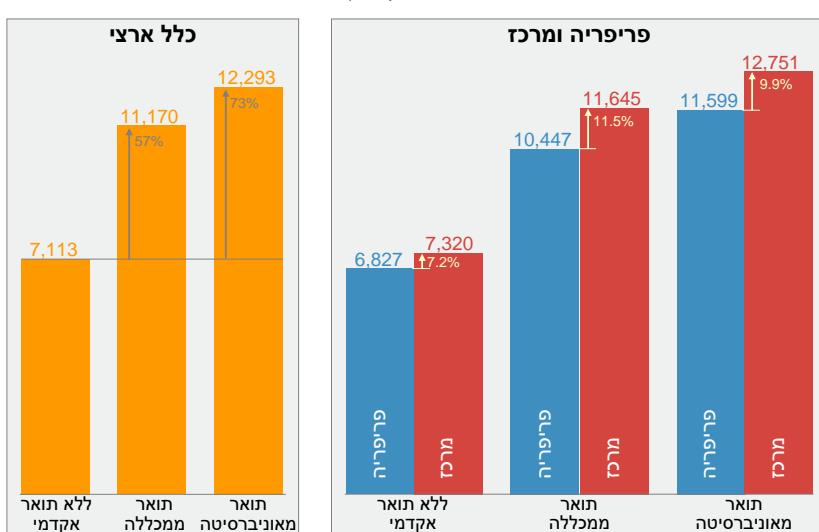
\* נתונים עברו לידי 1985-1978 שנולדו בישראל או עלו עד גיל 17 ועבדו כשבירים לפחות חודש אחד בשנים אלה.

מקור: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

השפעת לימודי המתמטיקה על השכר קשורה מאוד גם להישגי התלמידים, כפי שניתן לראות בתרשימים 7 המציג את הקשר בין השכר לציון הבגרות במתמטיקה לפי מספר יחידות הלימוד. ככל שהציוון גבוה יותר, כך גם השכר, וזה נכוון במיוחד בקרב אלה שלמדו מתמטיקה בהיקף של 5 יחידות, גם במרכז וגם בפריפריה. אפילו אם תלמידים אלה בקושי עברו את מבחן הבגרות במתמטיקה – או אפילו נכשלו – הם נטו להשתרך יותר בבגרותם מהתלמידים שהצטיינו ברמה הנמוכה יותר. עם זאת, פער השכר בין תלמידי המרכז ותלמידי הפריפריה ניכר גם כאן, והוא יציב יחסית לאורך התפלגות הציונים.

### חלק מבוגרי התיכוןים בוחרים לשדרג את כישורייהם באמצעות לימודים אקדמיים. תרשימים 8

מראה את החשיבות של תואר אקדמי להשתכורות העתידית. בעלי תואר אקדמי משתמשים עשרות אחוזים



יותר מאשר שעון בידיהם תואר. בוגרי האוניברסיטאות משתמשים יותר מבוגרי המכללות. הפער בין תלמידי המרכז לבין תלמידי הפריפריה גדול יותר בקרב בעלי תארים אקדמיים, אולם הסיבה העיקרית לכך היא שהשכר של אלה שאינם בעלי תואר אקדמי נמוך בהרבה. הפער דומה בקרב בוגרי אוניברסיטאות ובוגרי מכללות.

אולם, כאשר בוחנים את פער השכר לטובות תלמידי המרכז לפי סוג המוסד האקדמי שמננו התקבל התואר, אם בכלל, ולפי מספר יחידות בוגרות במתמטיקה

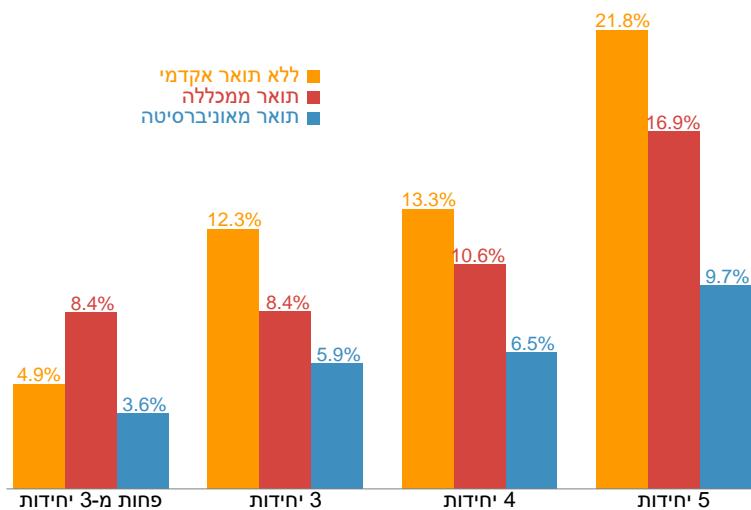
\* בעלי תארים מה"ל לא מוצגים עקב שיעורם הזניח באוכלוסייה. נתונים עברו לידי 1985-1978-1960.

מקור: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

תרשים 9

### פער השכר לטובת תלמידי המרכז

לפי סיווג של מוסד אקדמי ויחידות הלימוד במתמטיקה\*

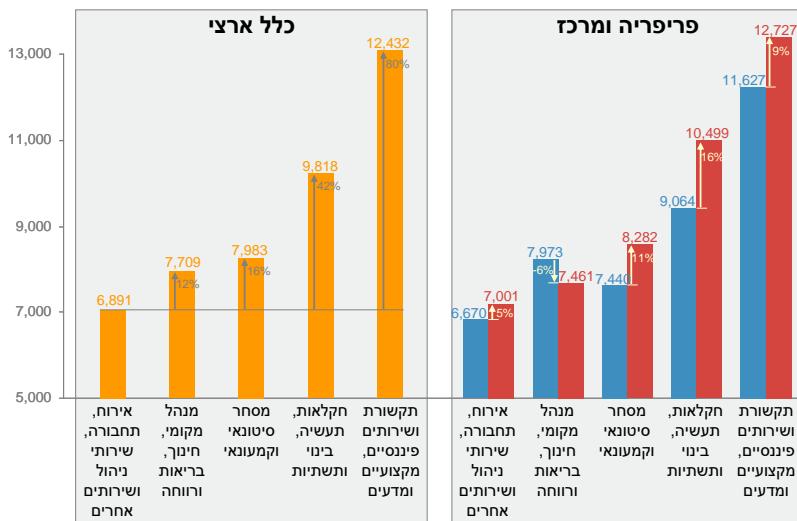


(תרשים 9) מתකבלת תמורה מורכבת יותר. פער השכר לטובת תלמידי המרכז גדול ככל שגדל מספר יחידות הלימוד במתמטיקה. עבור מי שלמדו לפחות שלוש יחידות במתמטיקה, השגת תואר אקדמי צמצמה פער זה במידה מה, ואם התואר הושג באוניברסיטה ולא במכללה, הפער הצטמצם עוד יותר. ניתן להסיק לכך שלימודים אקדמיים ברמה גבוהה יותר מגשרים טוב יותר על פערים שנוצרו בבית הספר התיכון, כך שלימודים באוניברסיטה מסיעים יותר בסגירת פער השכר בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה מאשר ללימודים במכילאה.

תרשים 10

### שכר חודשי ממוצע, 2012-2016

לפי ענף ותעסוקה ייחודי\*. מחורי 2016



\* נתונים עברו לידי 1985-1978 שבעדנו כScalerים לפחות אחד בשנים אלה.

מקורות: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

תרשים 1 הראה את התפלגות ענפי התעסוקה ואת ההבדלים בין תלמידי המרכז ותלמידי הפריפריה. תרשימים 10 מציג את התפלגות השכר לפי ענף התעסוקה העיקרי. ברמה הכללית ארצית, קיימים פערים משמעותיים בשכר בין ענפי התעסוקה השונים. בכל הענפים, מלבד ענפי המנהל המקומי, החינוך, הבריאות והרווחה, קיים פער שכר לטובת מי שלמדו בבית ספר תיכון במרכז הארץ. פער זה גדול במיוחד בענפי החקלאות, התעשייה, הבינוי והתשתיות.

## 4. ניתוח רב-משתני

הניתוח התיאורי של פער השכר בין תלמידי המרכז ותלמידי הפריפריה שדווח בפרק הקודם נערך על פי מאפיין אחד או שניים, ללא פיקוח על המאפיינים האחרים המשפיעים אף הם. כתוצאה לכך ניתן,

לדוגמה, שחלק ניכר מהקשר בין השכר לבין ענף התעסוקה נעה בכך שענפי תעסוקה מסוימים מעסיקים בעיקר עובדים בעלי השכלה אקדמית מתחומים מסוימים. ניתוח סטטיסטי רב-משתני בשיטת הרגרסיה הליניארית המרובה מאפשר לבדוק את השפעה של כל אחד מהמאפיינים הרכונטיים על השכר תוך פיקוח על כל שאר המאפיינים. בדוגמה של ענפי התעסוקה, ניתוח זה עונה על השאלה מהם פערו השכר בין עובדים בענפים שונים בהינתן שכל שאר המאפיינים זהים.

המשתנה התלו依 בניתוח הסטטיסטי, השכר החודשי הממוצע<sup>5</sup>, מוסבר על ידי מאפייני ההשכלה, ענף התעסוקה, הרקע הכלכלי-חברתי של העובדים, ורמת הפריפראליות. הדגש בניתוח הוא על ההבדלים בין מרכז ופריפריה בהיקף לימודי המתמטיקה והאנגלית, תוך פיקוח על שאר משתני הבגרות. על מנת שלא להכביר על הניתוח, משתני הבגרות במקצועות שאינם אנגלית או מתמטיקה קובצו במספר מקבצים: מקצועות ריאליים וטכנולוגיים נוספים, מקצועות הומניים ואומנותיים, ושפות זרות נוספות. נספח מס' 1 מתאר את הרכב המקצועות של כל מקבץ.

ספרטיפית, רישימות המשתנים כוללות משתני דמה למספר ייחדות הלימוד (5-1) הן במתמטיקה והן באנגלית, את ציון בחינת הבגרות בכל אחד מקצועות אלה, וכן משתנה דמה לקבלת ציון עבר בבחינה.<sup>6</sup> עבור כל אחד משלושת המקבצים של תחומי הלימוד האחרים, נכללו משתנה דמה לתלמידים שנבחנו באחד מקצועות המקבץ לפחות, מספר ייחדות הלימוד הכלול של מקצועות המקבץ, משתנה דמה לתלמידים שהצווים באותו המקבץ לפחות הוו ציון עבר, והצווים עצמו. מאפייני לימודים אחרים הם סוג פיקוח בית הספר (פמלייתי, ממלכתי-דתי ואחר, כאשר הקטגוריה الأخيرة כוללת בעיקר בת ספר חרדים), נתיב לימודים (עיוני, טכנולוגי, או נתיב לא מוגדר), וכमובן האם בית הספר נמצא במרכז או בפריפריה.

מאפייני השכלה נוספים – עבר מי שרכשו תואר אקדמי – כוללים משתני דמה לפוקולטה שבה התקבל תואר אקדמי, לפי סוג מוסד. ספרטיפית, רישימת הפוקולטות המקובצת כוללת מדעי הרוח, חינוך ואמנות; מדעי החברה; ניהול עסקים; משפטים; רפואיים ומקצועות עזר רפואיים; מתמטיקה; סטטיסטיקה ומדעי המחשב; מדעי הטבע וחקלאות; הנדסה ואדריכלות. משתנים אלה מופיעים בנפרד לאוניברסיטאות בארץ, למכללות בארץ, ולמוסדות אקדמיים בחו"ל.

<sup>5</sup> מבחינה פורמלית, המשתנה התלו依 בניתוח הסטטיסטי הוא הלוגריתם הטבעי של השכר החודשי הממוצע.

<sup>6</sup> היה שמספר הנבחנים בהיקף של 2 ייחדות במתמטיקה ואנגלית היה זעום, מיזגנו אותם עם אלה שנבחנו בהיקף של יחידה אחת.

מאפייני התעסוקה כוללים משתני דמה לענפי המשק, המקבצים לחקלאות, ייעור ודייג; תעשייה, כרייה, מים וחשמל; בנייה; מסחר; תחבורה, תקשורת ואיירות; שירותים פיננסיים, מקצועיים, מדעיים וטכנולוגיים; מינהל, בריאות, חינוך ורווחה.

מאפיינים דמוגרפיים של העובד כוללים שנת לידה, מגדר, משתנה דמה לעולה שלמד בבית ספר בישראל (אליה שלמדו בבית ספר בחו"ל נשמרו מהנитוח היה שלא קיימים עבורם מאפייני בית הספר), שנים בארץ (עלולים), האם יש ילדים, מספר הילדים (נכון ל-2015), הגיל בעת לידת הילד הראשון, ומצב משפחתי ( נשוי, גרווש או אלמן, לעומת זאת רוק).

מאפיינים גיאוגרפיים כוללים סטטוס הגירה בין המרכז לפריפריה. ספציפית, משתנה דמה אחד הוא לאלה שלמדו בבית ספר תיכון בפריפריה ועברו להתגורר במרכז, ומשתנה נוסף הוא לאלה שלמדו בבית ספר תיכון במרכז ועברו להתגורר בפריפריה, כאשר האפיון של הפריפריה הוא אשכולות פריפריאליים 6-10. בנוסף גם ממד הפריפריאליות של יישוב המגורים. במשתנים אלה, מקום המגורים נכון לשנת 2015.

מאפייני בית ההורים כוללים משתני דמה הארץ המוצא של האם, מצב משפחתי של האם כשהתלמיד היה בן 17 (נשואה, גרוושה או אלמנה, יחסית לרוקה), גיל האם וגיל האב בזמן לידת התלמיד, מספר האחים של התלמיד כשהיה בכיתה י"ב, והאחוזון של כל אחד מן ההורים בהתפלגות השכר בישראל בשנה שבה התלמיד היה בן 17.<sup>7</sup>

המשתנים שנלקחו מקבצי התלמידים (סוג פיקוח בית הספר, מסלול לימודים, מאפייני ההורים ומספר אחאים) לא היו מלאים והובילו להשemptת ציפויות רבות, אולם ניתוח מקביל שנעשה ללא משתנים אלה העלה שההשemptת ציפויות אלה לא שינתה את התוצאות באופן מהותי. בסופו של דבר הניתוח נערך על 511,327 תלמידים, מתוכן 271,936 במרכז ו-39,391 בפריפריה. בנוסף, הניתוח נערך בנפרד לילידי-1978 ו-1981 ולילידי-1982-1985 על מנת לבחון שינויים שחלו על פני זמן. ממוצעי המשתנים ומתקדי הרגרסיות מופיעים בנספח 2.

תרשים 11 מציג עיבוד של הממצאים העיקריים הקשורים ללימודים בגרות במתמטיקה ואנגלית (התוצאות המלאות נמצאות בנספח 2). לאחר פיקוח סטטיסטי על כל שאר המשתנים (כלומר, בידוד ההשפעה של המתמטיקה לאחר נטרול ההשפעות של כל שאר המשתנים), נמצא של לימודי בגרות במתמטיקה תורמים לשכר העתידי, וככל שהתלמיד נבחן במספר ייחדות רב יותר, התרומה גבוהה יותר.

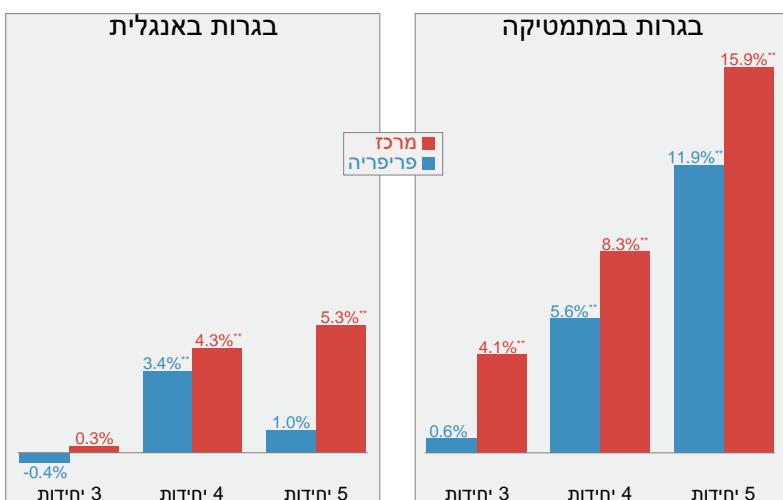
<sup>7</sup> במקור כללנו גם את השכלת האם, אולם לא נמצא לה השפעה כלשהי על השכר, לאחר פיקוח על שאר המשתנים.

תרשים 11

### תוספת לשכר בגין יחידות בגרות במתמטיקה ובאנגלית\*

לעומת מי שלא סיימו בוגרות במתמטיקה,

לאחר פיקוח על המשתנים האחרים המשפיעים על השכר



\* נתונים עבור יילדי 1978-1985 שנולדו בישראל או עלו עד גיל 17 ועבדו שכירים לפחות חודש אחד בשנים 2012-2016.

גבולה יותר עבור תלמידי המרכז מאשר עבור תלמידי הפריפריה, והוא ניכרת במיוחד ברמה של 5 יחידות מתמטיקה, כאשר תלמידי המרכז נהנים מtosפת שכר של 16% בעוד תלמידי הפריפריה נהנים רק מ-12% תוספת,יחסית לאלה שלא נבחנו בוגרות במתמטיקה.

תרשים 11 ניתן גם לראות כי התוספה של לימודי בוגרות באנגלית לשכר העתידי נמוכה משמעותית מזו של לימודי בוגרות במתמטיקה. התוספה של לימודי האנגלית גבוהה יותר עבור תלמידי המרכזיחסית לתלמידי הפריפריה, אולם הפער משמעותית רק ברמה של 5 יחידות.

תרשים 12 מראה כי הפערים בין המרכז לפריפריה בתשואה לבוגרות מורה במתמטיקה ובאנגלית נוספים מוגדים יותר בקרב שנתוני הלידה המאוחרים יותר (ילידי 1982-1985), אולם נשארו משמעותיים לפחות במקרה של 5 יחידות.<sup>8</sup>

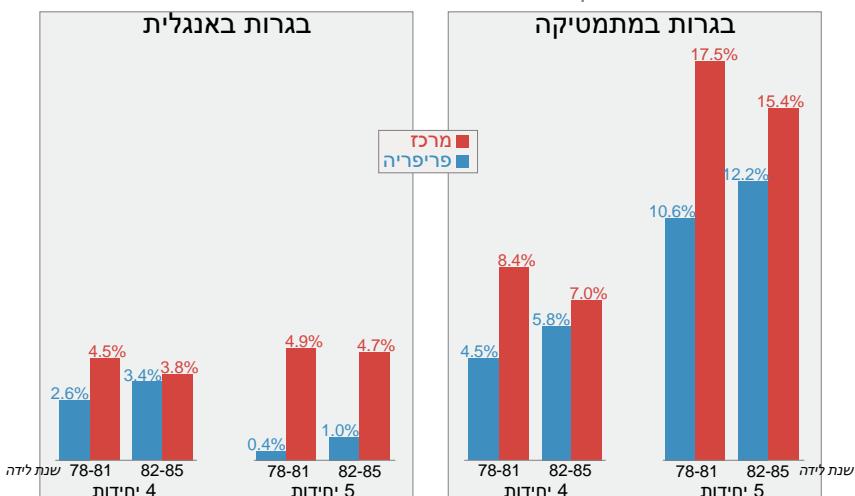
בשאר מקצועות הבוגרות התוספה של לימודיים בהיקף רחב יותר פחות משמעותית. לדוגמה, תוספת של יחידה אחת במקצועות הריאליים פרט

תרשים 12

### תוספת לשכר בגין יחידות בוגרות במתמטיקה ובאנגלית\*

עבור שנתוני לידה שונים, במרכז ובפריפריה,

לאחר פיקוח על משתנים אחרים המשפיעים על השכר



\* לעומת מי שלא סיימו בוגרות במתמטיקה. נתונים עבור יילדי 1978-1985 שנולדו בישראל או עלו עד גיל 17 ועבדו שכירים לפחות חודש אחד בשנים 2012-2016.

מקורה: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה

<sup>8</sup> לשם כך נמדדה רגסיטר השכר בנפרד לילידי 1978-1985 ולילידי 1982-1985. את התוצאות ניתנו לקבל מהמחברים.

למתמטיקה תורמת לשכר 0.6% לאלה שלמדו במרכז ו-0.4% לאלה שלמדו בפריפריה. על מנת לכמת את ההשפעה הפוטנציאלית של שדרוג לימודי המתמטיקה עלafari השכר בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה, נערכו בעזרת תוצאות הרגסית סימולציות שהבחן נבחנו שני תרחישים היפותטיים חלופיים:

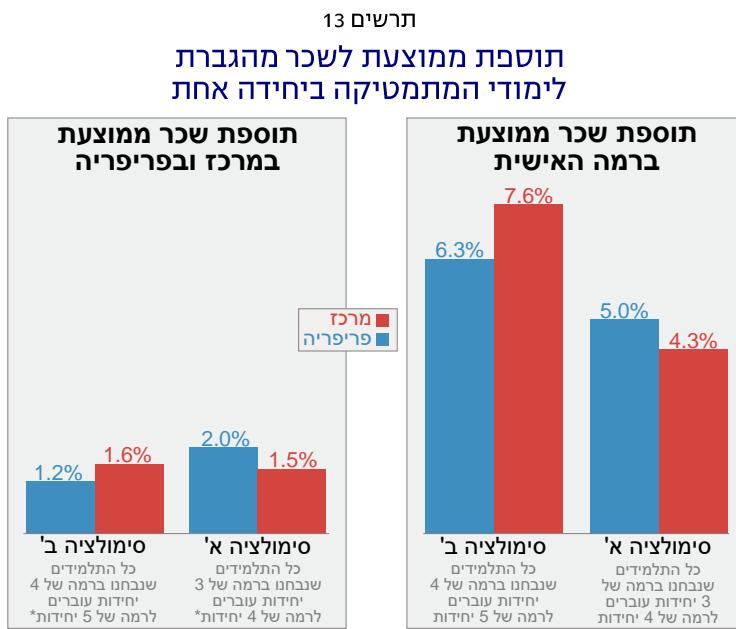
תרחיש א': כל התלמידים שנבחנו ברמה של 3 ייחידות עוברים לרמה של 4 ייחידות

תרחיש ב': כל התלמידים שנבחנו ברמה של 4 ייחידות עוברים לרמה של 5 ייחידות

הчисובים נערכו בנפרד לתלמידי המרכז ולתלמידי הפריפריה. עבור תלמידי המרכז שלמדו מתמטיקה בהיקף של 3 ייחידות, המעבר ל-4 ייחידות היה מגביל את שכram ב-4.3% (תרשים 13).<sup>9</sup> התוצאה המקבילה עבור תלמידי הפריפריה היא 5.0%. היותSSI ששיעור התלמידים שלמדו מתמטיקה בהיקף של 3 ייחידות הוא 36% במרכז ו-41% בפריפריה, הרי שבנהחה שהשכר של שאר התלמידים נשאר קבוע, בסימולציה א' השכר הממוצע של כלל תלמידי המרכז עולה ב-1.5%, ואילו השכר הממוצע של כלל תלמידי הפריפריה עולה ב-2.0%. אם כך, העברת כל התלמידים שלמדו מתמטיקה ברמה של 3 ייחידות לרמה של 4 ייחידות עשויה לצמצם את פער השכר הממוצע בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה בחצי נקודות אחוז.

סימולציה ב' עשויה חישוב מקביל של

הגידול בשכר של אלה שלמדו מתמטיקה בהיקף של 4 ייחידות אילו היו עוברים ל-5 ייחידות. במקרה זה הגדל בשכר של אותם תלמידים במרכז מגיע לכדי 7.6%, לעומת זאת 6.3% גידול בשכר של אלה שלמדו מתמטיקה בהיקף של 4 ייחידות בפריפריה. היותSSI ששיעור התלמידים שלמדו מתמטיקה בהיקף של 4 ייחידות הוא 20% במרכז ו-18% בפריפריה, הרי שבנהחה שהשכר של שאר התלמידים נשאר קבוע, בסימולציה ב' השכר הממוצע של כלל תלמידי המרכז עולה ב-1.5%, ואילו השכר הממוצע של כלל תלמידי הפריפריה עולה ב-1.2%. המסקנה היא שהעברת



מקורות: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי  
נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה  
הפריפריה עולה ב-1.2%. המסקנה היא שהעברת

<sup>9</sup> השינוי באחוזים בשכר של התלמידים שנבחנו ברמה של 3 ייחידות, אם היו לומדים ברמה של 4 ייחידות, הוא ההפרש בין מקדמי הרגסית של המשטנה המ意義 4 ייחידות בוגרות במתמטיקה והמשטנה המ意義 3 ייחידות בוגרות במתמטיקה.

כל התלמידים שלמדו מתמטיקה ברמה של 4 ייחידות לרמה של 5 ייחידות תרחיב את פער השכר הממוצע בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה ב-3.0 נקודות אחוז.

המסקנה הכלולת מסימולציות אלה היא שהגברת לימודי המתמטיקה, אם היא מתבצעת במקביל הן במרכז והן בפריפריה, אינה צפואה לשנות משמעותית את פערו השכר בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה. אילו הגברת לימודי המתמטיקה הייתה מתבצעת בפריפריה בלבד, היא הייתה צפואה לצמצם את פערו השכר. אולם אפילו אם כל תלמידי הפריפריה (ואף תלמיד במרכזה) ירჩיבו בנקודה אחת את לימודי המתמטיקה (שילוב של סימולציה א' וסימולציה ב'), ניתן לצפות לצמצום של פער השכר ב-3.2% נקודות אחוז, מתווך פער כולל של 11%.

## 5. סיכום ומסקנות

ההשכלה היא גורם מרכזי בקביעת יכולת ההשתכורות של עובדים, ומכאן שפערים בכמות ההשכלה ובאיכותה עשויים להסביר פערים בשכר. מחקר זה מتمكن בפערים באיכות ההשכלה בין תלמידי תיכון שלמדו במרכז הארץ לבין אלה שלמדו בפריפריה, ובהשלכות של פערים אלה על פערו השכר ביניהם לאחר שנים. פערים באיכות בתני הספר במרכז ובפריפריה עשויים לנבוע מפערים במימון ציבורי, ומפערים באיכות המורים ובאיכות הניהול.

בדומה למחקרים קודמים, נמצא שהיקף בחינת הבגרות במתמטיקה מניבא את יכולת ההשתכורות העתידית הרבה יותר טוב מאשר מקצועות בוגרות אחרים. מי שלמדו מתמטיקה בהיקף של 3 ייחידות השתכוו 27% יותר ממי שלמדו בהיקף נמוך יותר. פער זה גדול ל-62% עבור מי שלמדו מתמטיקה בהיקף של 4 ייחידות, וצומח ל-115% בקרב מי שלמדו בהיקף של 5 ייחידות.

פער השכר בין תלמיד מומוצע במרכז הארץ לבין תלמיד ממוצע בפריפריה נמצא קרוב ל-11%. פער השכר בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה אינם פועל יוצא של פערים בהיקף לימודי המתמטיקה בלבד, אלא ניכרים גם בקרב תלמידים שלמדו מתמטיקה בהיקף דומה. לדוגמה, תלמידים שלמדו 5 ייחידות מתמטיקה במרכז הארץ השתכוו 14.3% יותר מהתלמידים שלמדו 5 ייחידות מתמטיקה בפריפריה.

לימודים אקדמיים מצטמנים את הפערים בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה שנוצרו בתחום התיכון. ככל שרמת הלימודים האקדמיים גבוהה יותר, מצטמנים עוד יותר פערו השכר בין תלמידי המרכז לתלמידי הפריפריה. אולם המסלול ללימודי אקדמיים ברמה גבוהה מתחילה בלימודים ברמה גבוהה בתיכון. ככל שרמת הלימודים בפריפריה נמוכה יותר מאשר במרכז הארץ, קשה יותר להתקבל ללימודים אקדמיים ברמה גבוהה ולהצליח בהם. אינדיקטיבית לגבי פערו האיכות בין המרכז

לפריפריה ניתנת על ידי ציוני הבגרות של תלמידים במרכזה ובפריפריה. למשל, 43% מתלמידי המרכזו – לעומת 33% מתלמידי הפריפריה – שלמדו ברמה של חמישה יחידות קיבלו ציון הגבוה מ-90.

היות שאוכלוסיית המרכזו אינה זהה בתוכנותיה לאוכלוסיית הפריפריה, זיהוי הקשר בין השכר לבין ההשכלה מחייב פיקוח על מאפיינים רבים ככל האפשר של האוכלוסייה. מחקר זה בוחן את הקשר בין השכר החדשני להשכלה בשיטה של רגרסיה מרובה, המאפשרת זיהוי של התפקידים הייחודיים של שורה ארוכה של מאפיינים. מאפיינים אלה כוללים נתונים מפורטים על בחינות הבגרות, תארים אקדמיים לפי סוג מוסד ותחום לימודים, נתונים על מקום מגוריים והרכב המשפחה, ענף התעסוקה העיקרי, ומאפיינים דמוגרפיים וסוציאו-כלכליים של ההורים. הרגרסיה נאמדת בנפרד לתלמידי המרכזו ולתלמידי הפריפריה. בשיטה זו נמצא שההתוספת לשכר כתוצאה לימודי מתמטיקה ברמה של 4 יחידות עומדת על 5.6% בפריפריה ו-8.3% במרכزو, יחסית לתלמידים שלא נבחנו בבגרות במתמטיקה. לימודי מתמטיקה ברמה של 5 יחידות מוסיפים לשכר 11.9% בפריפריה ו-15.9% במרכزو. בהנחה שהרשימה הארוכה של מאפייני הרקע שנכללו ברגרסיה מספקת כדי לפחות על נתוני הרקע (כלכליים-חברתיים ואחרים) של התלמידים, פערים אלו משקפים הבדלים באיכות הלימודים בין בתיה הספר במרכزو ובפריפריה.

על פי סימולציות שנערכו, מדיניות שתרחיב את התקף לימודי המתמטיקה עשויה לצמצם את פערי השכר העתידיים בין תלמידי המרכזו ותלמידי הפריפריה בנקודות אחו בודדות. מדיניות שתושווה את איכות הלימודים בתבי הספר בפריפריה לאות שבתי הספר במרכزو תביא לתוצאות טובות יותר מבחינה מצומצם פער השכר.

לאור רמת הידע הנמוכה בתחום הליבה שפגינים תלמידי ישראל לעומת שאר המדינות המפותחות (הציון הממוצע במתמטיקה, מדע וקריה בມבחן PISA האחרון, מ-2018), מצבם של תלמידי ישראל קרוב לתחתית הדירוג של מדינות-OECD, נדרשת באופן דחוף רפורמה מבנית ומקיפה במערכת החינוך שתשדרג במידה ניכרת את רמת הלימודים בכל הארץ.

אך אין בכך די. על מנת לספק לתלמידי הפריפריה הזדמנויות טובות יותר בשוק העבודה ואפשרות לצמצם את הפער בין תלמידי המרכזו, יש מקום להעניק "העדפה מתקנת" לבתי הספר בפריפריה. לאור הפערים הרבים בגורמי מפתח המשפיעים על רמת הלימודים, חשוב להציג שוויון במקרים אינם מתרגם ישירות לשוויון בהזדמנויות. הגדלת תקציבים לבדה אינה התשובה המלאה לצמצום פערים בין בתיה הספר במרכزو ובפריפריה. מה שחשוב הוא אופן השימוש באותם תקציבים. אחת המסקנות המרכזיות מעובדה זו היא שעל בתיה הספר בפריפריה לשימוש דגש חזק יותר על לימודי המתמטיקה, שכן הישגי

התלמידים במתמטיקה מניבאים טוב יותר את ההישגים בשוק העבודה מאשר הישגים בכל מקצוע בוגרות אחר.

## מקורות

בן-דוד, דן, ואיל קמחי (יפורסם), "כלכלת החינוך בישראל: תשומות, תפוקות וביצועים," בתוך **כלכלת ישראל בעשור השני לאחר רפורמה**,עריכת אבי בן בט, ראובן גורנאו ואסף זוסמן, ירושלים: המכוון למחקר כלכלי בישראל ע"ש מורייס פאלק.

גורובר, נעם (2017), "גורםים להישגים הנמוכים של תלמידי ישראל: בין הנדמה למציאות ב厰בחן פיז'ה", מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי.

הורביז, אליא (2015), "חמש ייחידות בחמישה צעדים", *ידיעות אחרונות*, 22 ביוני 2015.

למי"ס (2019), "פנוי החברה בישראל: פערים בין מרכז לפירפירה", דוח מס' 11.

משרד החינוך (2015), "תכנית חיזוק לימודי מתמטיקה", הودעה לעיתונות, 30 באוגוסט 2015.

ציבל, נטליה (2009), "מדד פריפראליות של רשות מקומית בישראל: שילוב של מדד נגימות פוטנציאלית עם קרבה למחו"ז תל אביב", ירושלים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה, נייר עבודה מס' 45.

קמחי, איל, ואילן הורביז (2015), "חשיבות של היקף לימודים המתמטיקה בתיכון ללימודים אקדמיים ולקרירה העתידית של התלמידים בישראל", ירושלים: מרכז טאב לחקר המדיניות החברתית בישראל, נייר מדיניות 01.2015.

Ynet (2018), "מספר הנבחנים ב-5 ייחידות במתמטיקה הוכפל בתוך ארבע שנים", 27 ביוני, 2018.

Chetty, Raj, John N. Friedman, Nathaniel Hilger, Emmanuel Saez, Diane Whitmore Schanzenbach, and Danny Yagan (2011), "How Does Your Kindergarten Classroom Affect Your Earnings? Evidence from Project STAR," *Quarterly Journal of Economics*, 126, No. 4, pp. 1593-1660.

Goodman, Joshua (2019), "The Labor of Division: Returns to Compulsory High School Math Coursework," *Journal of Labor Economics*, 37, no. 4, pp. 1141-1182.

Hanushek, Eric A. and Ludger Woessmann (2015), *The Knowledge Capital of Nations: Education and the Economics of Growth*, Cambridge, MA: MIT Press.

מוסד שורש הוא מכון עצמאי ובלתי-תלוי לחקר מדיניות. המוסד שערך מחקרים מבוסטי שעבודות ובלתי מוטים על המשק ועל החברה האזרחית בישראל. מטרת המוסד לסייע בהנעת המדינה לתוואי ארוך טווח בר-קיימא, המעלאת את רמת החיים בישראל ומקטין את הפערים בה. לקידום מטרה זו, מוסד שורש מספק מידע למקבלי החלטות המובילים בישראל ולציבור הרחב במדינתם ומחוצה לה באמצעות תדרוכים ופרסומים ב Robbins ונתונים על מקרו- אופני וממדיהם של סוגיות שורש מולן נעצבת המדינה. המוסד מעניק חלופות מדיניות לשיפור רווחת כל חלקי החברה בישראל וליצירת חזדיינות שוות יותר לאזרחות.

מחקרים מוסד שורש הינם באחריות ועל דעתם של המותבים בלבד.

נספח 1

**חלוקת מקצועות הבגרות למקבצים**

מקצועות ריאליים	מקצועות הומניים	מקצועות אמנויות	מקצועות בנוסף לאנגלית	שפות זרות
מדעי המחשב	עברית	אמנות	ערבית	
ביולוגיה	אורחות	אומנות שימושית	רוסית	
פיזיקה	תנ"ך	עיצוב	צרפתי	
כימיה	היסטוריה	מוזיקה		
ניהול וכלכלה	ספרות			
אלקטרוניקה	מדעי החברה			
מערכות חשמל	גיאוגרפיה			
חשבונאות	פילוסופיה			
מערכות אלקטرونיות	תורה שבעל'יפ			
בקраה	מדעי החברה			
מערכות פיקוד	גיאוגרפיה			
ניהול ומזכירות	פילוסופיה			
טכנולוגיה כימית	תורה שבעל'יפ			
מכאניקה				
חקלאות				

נספח 2

**ממציעי מודגס ומקדמי רגסיה**

משנה	ממציעי מודגס מרכז פירפריה	מקדמי רגסיה מרכז פירפריה	ממציעי מודגס מרכז פירפריה	מקדמי רגסיה מרכז פירפריה
-1-2 יחידות מתמטיקה	-0.0167 *** 0.0318 ***	0.0596 0.0455	0.0313 0.0160	-0.0234 **
3 יחידות מתמטיקה	0.0063 0.0407 ***	0.3748 0.3327	0.1992 0.1205	0.0032
4 יחידות מתמטיקה	0.0558 *** 0.0834 ***	0.1639 0.1810	0.2906 0.2054	0.0433 ***
5 יחידות מתמטיקה	0.1190 *** 0.1594 ***	0.1019 0.1195	0.2113 0.3680	0.0532 ***
ציוויליזציה במתמטיקה	-0.0960 *** -0.0890 ***	0.6068 0.6127	0.6528 0.6767	0.0101
ציוויליזציה אנגלית	0.0018 *** 0.0014 ***	48.6690 50.5630	2.8699 1.8839	0.0001
ציוויליזציה אמריקאית	-0.0074 -0.0234 **	51.0035 52.6111	3.1961 2.6070	0.0001
ציוויליזציה אירופית	-0.0036 0.0032	48.8333 52.5214	3.9593 0.3931	-0.0024
ציוויליזציה אסלאמית	0.0339 *** 0.0433 ***	0.7288 0.7007	36.9259 32.2916	0.0019 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0100 0.0532 ***	2.8699 1.8839	0.7625 0.7309	0.0019 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0601 *** 0.0101	0.6627 0.6799	6.2244 6.8243	0.0004 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0005 *** 0.0001	51.0035 52.6111	0.6167 0.6040	0.0001
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0587 *** 0.0024	3.1961 2.6070	0.0919 0.1031	0.0063 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0057 *** -0.0019 **	3.9593 0.3931	0.0893 0.1008	0.0019 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0086 0.0423 ***	3.1961 2.6070	7.5501 8.5353	0.0019 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0011 *** -0.0004 **	36.9259 32.2916	0.0112 0.0266	-0.0014 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0409 *** -0.0515 ***	2.8699 1.8839	0.3314 0.2758	-0.0012
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0043 *** 0.0063 ***	0.6627 0.6799	0.1479 0.1487	-0.0976 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0692 *** -0.0898 ***	51.0035 52.6111	0.0315 0.1212	-0.1192 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0016 *** 0.0019 ***	3.1961 2.6070	0.3039 0.0466	-0.1093 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0124 * 0.0033	3.9593 0.3931	0.0260 0.0251	0.0308 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0002 0.0031 ***	3.1961 2.6070	0.0622 0.0527	0.1054 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0500 *** 0.0067	2.8699 1.8839	0.0190 0.0313	0.4120 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0011 *** 0.0000	0.6627 0.6799	0.0107 0.0184	0.3416 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0313 0.0128	51.0035 52.6111	0.0224 0.0211	0.2115 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0049 *** -0.0053 ***	3.1961 2.6070	0.0094 0.0119	0.5259 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1272 *** 0.1323 ***	2.8699 1.8839	0.0144 0.0227	-0.0208 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0013 *** -0.0019 ***	0.6627 0.6799	0.0278 0.0271	0.3770 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.1175 *** -0.0914 ***	51.0035 52.6111	0.0137 0.0157	0.0335 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0023 -0.0012	3.1961 2.6070	0.0320 0.0405	0.1017 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0822 *** -0.0976 ***	2.8699 1.8839	0.0259 0.0501	0.2620 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.1280 *** -0.1192 ***	0.6627 0.6799	0.0124 0.0228	0.1130 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.1689 *** -0.1093 ***	51.0035 52.6111	0.0277 0.0028	-0.0247
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1301 *** 0.0308 ***	3.1961 2.6070	0.0036 0.0091	0.5574 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1285 *** 0.1054 ***	2.8699 1.8839	0.0024 0.0018	0.0181
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.3892 *** 0.4120 ***	0.6627 0.6799	0.0020 0.0169	0.2816 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.3389 *** 0.3416 ***	51.0035 52.6111	0.0023 0.0010	0.2300 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.3063 *** 0.2115 ***	3.1961 2.6070	0.0010 0.0011	0.1094 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.4194 *** 0.5259 ***	2.8699 1.8839	0.0020 0.0031	0.2251 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0566 *** -0.0208 ***	0.6627 0.6799	0.0005 0.0002	0.3087 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.3559 *** 0.3770 ***	51.0035 52.6111	0.0003 0.0012	0.2383 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0818 *** -0.0335 ***	3.1961 2.6070	0.0002 0.0003	0.3444 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0996 *** 0.1017 ***	2.8699 1.8839	0.0002 0.0003	0.1001
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2400 *** 0.2620 ***	0.6627 0.6799	0.0002 0.0002	0.1704 ***
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1068 *** 0.1130 ***	51.0035 52.6111	0.0003 0.0004	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1169 *** -0.0247	3.1961 2.6070	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.4409 *** 0.5574 ***	2.8699 1.8839	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0140 0.0181	0.6627 0.6799	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2494 *** 0.2816 ***	51.0035 52.6111	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2998 *** 0.2300 ***	3.1961 2.6070	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0437 0.1094 ***	2.8699 1.8839	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2002 *** 0.2251 ***	0.6627 0.6799	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	-0.0880 * 0.3087 ***	51.0035 52.6111	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2790 *** 0.2383 ***	3.1961 2.6070	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.2340 *** 0.3444 ***	2.8699 1.8839	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.0695 0.1001	0.6627 0.6799	-	-
ציוויליזציה אסלאמית אחרת	0.1224 * 0.1704 ***	51.0035 52.6111	-	-
הנדסה ברו"ל	(המשך בעמוד הבא)			

\* מקדם מובhawk ב-10%

\*\* מקדם מובhawk ב-5%

\*\*\* מקדם מובhawk ב-1%

נספח 2 (המשך)

**ממוצעי מדגם ומקדמי רגסיה**

משתנה	ממוצעי מדגם מרכז פירפירה				
חקלאות, ייעור ודיג	0.3766 ***	0.3580 ***	0.0210	0.0041	
תעשייה, כריה, מים וחשמל	0.6619 ***	0.6913 ***	0.1141	0.0682	
בנייה	0.4302 ***	0.5252 ***	0.0551	0.0259	
מסחר	0.4734 ***	0.5004 ***	0.1073	0.1242	
תחבורה, תקשורת ואנרכיה	0.3479 ***	0.3363 ***	0.1524	0.1588	
שירותים פיננסיים, מקצועים, מדעיים וטכנולוגיים	0.6197 ***	0.6609 ***	0.1491	0.2552	
MINTEL, בריאות, חינוך ורווחה	0.4967 ***	0.3826 ***	0.2749	0.2450	
יליד 1979	-0.0343 ***	-0.0374 ***	0.1123	0.1106	
יליד 1980	-0.0660 ***	-0.0646 ***	0.1179	0.1168	
יליד 1981	-0.1088 ***	-0.1068 ***	0.1126	0.1118	
יליד 1982	-0.1358 ***	-0.1421 ***	0.1297	0.1301	
יליד 1983	-0.1807 ***	-0.1826 ***	0.1372	0.1373	
יליד 1984	-0.2191 ***	-0.2269 ***	0.1415	0.1411	
יליד 1985	-0.2595 ***	-0.2770 ***	0.1479	0.1445	
אישה	-0.3975 ***	-0.2418 ***	0.5193	0.5360	
עליה שלמד בישראל	-0.0097	0.0046	0.1005	0.1053	
שנים בארץ עליה	0.0007	0.0006	2.7329	2.8414	
האם יש ילדים	-0.2713 ***	-0.1166 ***	0.6733	0.6348	
גיל בלידת הילד הראשון	0.0109 ***	0.0066 ***	18.1066	17.1742	
מספר ילדים ב-2015	-0.0115 ***	-0.0153 ***	1.5892	1.6113	
נשי	0.1176 ***	0.1277 ***	0.7041	0.6700	
גרוש או אלמן	0.0277 ***	0.0074	0.0373	0.0373	
היגר מהפירפירה למרכז או מהמרכז לפירפירה	-0.0414 ***	0.0428 ***	0.8079	0.9081	
מדד פירפראילוט 2015	0.0106 ***	0.0153 ***	0.3878	2.5143	
אם ילידת אסיה	0.0114 *	-0.0081 **	0.0360	0.0794	
אם ילידת אפריקה	0.0479 ***	0.0387 ***	0.1399	0.0948	
אם ילידת אירופה	-0.0046	0.0045	0.0369	0.0621	
אם ילידת צפון אמריקה ואוקיאניה	-0.0350 ***	-0.0230 ***	0.0111	0.0140	
אם ילידת מרכז ודרום אמריקה	-0.0170	-0.0294 ***	0.0108	0.0113	
אם ילידת בריה"ם לשעבר	-0.0181 ***	-0.0121 **	0.0284	0.0394	
אם נשואה כשהילד היה בגיל 17	-0.0217	0.0672 ***	0.9038	0.8905	
אם גירושה כשהילד היה בגיל 17	-0.0357 **	0.0458 *	0.0603	0.0832	
אם אלמנה כשהילד היה בגיל 17	-0.0218	0.0652 ***	0.0315	0.0244	
גיל האם בלבדה	-0.0024 ***	-0.0016 ***	27.3258	27.8985	
גיל האב בלבדה	0.0004	-0.0001	30.9962	31.2869	
מספר אחים בכיתה י"ב	-0.0009 *	0.0014 **	3.3051	2.7123	
אחוזון הכנסה אב כשהילד היה בגיל 17	0.0006 ***	0.0004 ***	34.5163	41.2980	
אחוזון הכנסה אם כשהילד היה בגיל 17	0.0006 ***	0.0006 ***	28.3002	37.9182	
חוטך	8.5363 ***	8.2976 ***			
מספר צפויות		239,391	271,936		

\* מקדם מובחן ב-10%

\*\* מקדם מובחן ב-5%

\*\*\* מקדם מובחן ב-1%

מקור: דן בן-דוד ואיל קמחי, מוסד שורש למחקר כלכלי-חברתי

נתונים: הלשכה המרכזית לסטטיסטיקה